## ESERCIZI DI MATEMATCA DISCRETA

Informatica, Corso A-L, A. A. 2024-2025 Donatella Iacono 7 Novembre 2024 <sup>1</sup>

Esercizio 1. Determinare quoziente e resto nelle divisioni di a per  $b \neq 0$  dove:

$$\begin{array}{lll} a=20 & b=3 \\ a=90 & b=-4 \\ a=-90 & b=-4 \\ a=-90 & b=4 \\ a=100 & b=2 \\ a=160 & b=3 \\ a=-81 & b=-80 \\ a=81 & b=-80 \\ a=81 & b=80 \\ a=81 & b=80. \end{array}$$

**Esercizio 2.** Dimostrare che per ogni  $n \ge 0$  si ha:

$$3 \mid 4^n + 2.$$

**Esercizio 3.** Dimostrare che per ogni  $n \ge 0$  si ha:

$$8 \mid 3^{2n} - 1.$$

**Esercizio 4.** Dimostrare che per ogni  $n \geq 0$  si ha:

$$7 | 8^n + 6.$$

Esercizio 5. Calcolare il massimo comun divisore tra le seguenti coppie di numeri ed esprimerlo come loro combinazione lineare (Identità di Bézout).

$$\begin{array}{cccc} 200 & 16 \\ 420 & 11 \\ 585 & -165 \\ 2340 & 462 \\ 702 & 462 \\ 750 & 300 \\ 3240 & 3645 \\ 1575 & -3645 \\ -170 & -55 \\ -135 & 260. \end{array}$$

 $<sup>^1\</sup>mathrm{Nonostante}$ l'impegno, errori, sviste imprecisioni sono sempre possibili, la loro segnalazione è molto apprezzata.