INTRODUZIONE AL RAGIONAMENTO MATEMATICO

A. A. 2022-2023 Settembre 2022 Donatella Iacono

Esercizio 1. La negazione di "can che abbaia non morde" è:

- a) Tutti i cani che abbaiano mordono.
- b) Can che morde non abbaia.
- c) Alcuni cani non abbaiano ma mordono.
- d) Ci sono cani che abbaiano e mordono.

Esercizio 2. "Non è vero che tutti gli studenti hanno superato la prova finale" equivale a:

- a) C'è almeno uno studente che non ha superato la prova finale.
- b) Nessuno studente ha superato la prova finale.
- c) C'è almeno uno studente che ha superato la prova finale.
- d) Tutti gli studenti non hanno superato la prova finale.

Esercizio 3. "Non è vero che tutti i lunedì prendo il treno per Brindisi e vado all'università "equivale a:

- a) Esiste un lunedì in cui o non prendo il treno per Brindisi o non vado all'università.
- b) Tutti i lunedì o prendo il treno per Brindisi o vado all'università.
- c) Tutti i lunedì non prendo il treno per Brindisi e non vado all'università.
- d) Esiste un lunedì in cui prendo il treno per Brindisi e vado all'università.

Esercizio 4. Prima della gara l'atleta dice al suo allenatore: "Sono preparato e tranquillo". L'allenatore risponde: "Non è vero!". Vuol dire che per l'allenatore l'atleta è:

- a) L'atleta è o non preparato o non tranquillo.
- b) L'atleta è sicuramente non preparato e non tranquillo.
- c) L'atleta è tranquillo ma non adeguatamente preparato.
- d) L'atleta è preparato ma molto agitato.

Esercizio 5. "Non è vero che tutti gli studenti che non hanno superato la prova iniziale abbandonano il corso" equivale a:

- a) Esistono studenti che non hanno superato la prova iniziale e abbandonano il corso
- b) Tutti gli studenti che hanno superato la prova iniziale abbandonano il corso.
- c) Gli studenti che abbandonano il corso sono quelli che non hanno superato la prova iniziale.
- d) Esiste uno studente che non ha superato la prova iniziale e non abbandona il corso.

Esercizio 6. La negazione di "chi è preparato è tranquillo" è:

- a) Tutti quelli che sono preparati non sono tranquilli.
- b) Qualcuno è tranquillo e non è preparato.
- c) C'è qualcuno che è preparato e non è tranquillo.
- d) Chi è tranquillo è preparato.

Esercizio 7. Stabilire se tale proposizione è vera o falsa e scriverne la negazione:

Per ogni x numero (reale) esiste un numero y (reale) tale che x + y - 3 = 0.

Esercizio 8. Stabilire se tale proposizione è vera o falsa e scriverne la negazione:

Per ogni x numero (naturale) esiste un numero y (naturale) tale che x + y - 3 = 0.

Esercizio 9. Stabilire se tale proposizione è vera o falsa e scriverne la negazione:

Esiste un numero x (reale) tale che per ogni y numero (reale) si ha che x + y = 10.

Esercizio 10. Stabilire se tale proposizione è vera o falsa e scriverne la negazione:

Esiste un numero x (intero) tale che per ogni y numero (intero) si ha che x + y = 10.

Esercizio 11. Stabilire se tale proposizione è vera o falsa e scriverne la negazione:

Esiste un numero x (reale) ed esiste un numero y numero (intero) tale che x-2y+5=0.

Esercizio 12. Consideriamo la seguente affermazione:

"una funziona associa ad ogni elemento dell'insieme di partenza A un unico elemento nell'insieme di arrivo B".

Stabilire se sono vere o false le seguenti affermazioni.

- a) Può esistere un elemento di B che è associato ad elementi distinti di A.
- b) Può esistere un elemento di A che è associato ad elementi diversi di B.
- c) Ogni elemento di B è associato ad un unico elemento di A.
- d) Ogni elemento di B è associato ad almeno un elemento di A.

Esercizio 13. Sia assegnato il seguente problema:

"considerare i numeri strettamente minori di 3469. Tra questi determinare quelli contenenti almeno una cifra dispari e al più una cifra pari.".

Stabilire se sono vere o false le seguenti affermazioni.

- a) Il numero 436 deve essere preso in considerazione.
- b) Il numero 3576 deve essere preso in considerazione.
- c) Il numero 1357 deve essere preso in considerazione.
- d) Il numero 2468 deve essere preso in considerazione.
- e) Il numero 3697 deve essere preso in considerazione.

Esercizio 14. ¹ Si consideri la seguente affermazione:

"La Matematica non fà per me".

Dimostrare che è falsa.

¹Quest'ultimo esercizio NON è effettivamente un esercizio di logica ma è lo scopo del corso di Matematica Discreta.